

**Instituto de
Computação**

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



MC102 - Aula 18

Exemplos sobre Ordenação e Busca

Algoritmos e Programação de Computadores

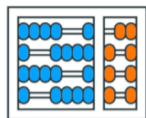
Turmas
OVXZ

Prof. Lise R. R. Navarrete

lrommel@ic.unicamp.br

Quinta-feira, 26 de maio de 2022

19:00h - 21:00h (CB06)



**Instituto de
Computação**

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



UNICAMP

MC102 – Algoritmos e Programação de Computadores

Turmas

OVXZ

<https://ic.unicamp.br/~mc102/>

Site da Coordenação de MC102

Aulas teóricas:

Terça-feira, 21:00h - 23:00h (CB06)

Quinta-feira, 19:00h - 21:00h (CB06)

Conteúdo

- Exemplo 1
- Exemplo 2
- Exemplo 3
- Exemplo 4
- Exemplo 5

Exemplo 1

Ordenando uma String

```
1 def insertion(lista, i):
2     j = i - 1
3     while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
4         j = j - 1
5     lista[j + 1:i + 1] = [lista[i]] + lista[j + 1:i]
6 def insertionSort(lista):
7     for i in range(1, len(lista)):
8         insertion(lista, i)
9
10 A=[9,8,2,1,3,6,7,2]
11 insertionSort(A)
12 print(A)
```

```
$ python3 exe18001.py
[1, 2, 2, 3, 6, 7, 8, 9]
$
```

```
1 def insertion(lista, i):
2     j = i - 1
3     while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
4         j = j - 1
5     lista.insert(j+1, lista.pop(i))
6 def insertionSort(lista):
7     for i in range(1, len(lista)):
8         insertion(lista, i)
9
10 A=[9,8,2,1,3,6,7,2]
11 insertionSort(A)
12 print(A)
```

```
$ python3 exe18001.py
[1, 2, 2, 3, 6, 7, 8, 9]
$
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=[9,8,2,1,3,6,7,2]
9 insertionSort(A)
10 print(A)
```

```
$ python3 exe18001.py
[1, 2, 2, 3, 6, 7, 8, 9]
$
```



```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A="98213672"
9 insertionSort(A)
10 print(A)
```

```
File "/home/nuvemaula/exe18001.py", line 9, in <module>
    insertionSort(A)
File "/home/nuvemaula/exe18001.py", line 6, in insertionSort
    lista.insert(j+1, lista.pop(i))
AttributeError: 'str' object has no attribute 'insert'
$
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=list("98213672")
9 insertionSort(A)
10 print(A)
```

```
$ python3 exe18001.py
['1', '2', '2', '3', '6', '7', '8', '9']
$
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=list("98213672")
9 insertionSort(A)
10 print("".join(A))
```

```
$ python3 exe18001.py
12236789
$
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=list("Socorram-me, subi no ônibus em Marrocos!")
9 insertionSort(A)
10 print("".join(A))
```

```
$ python3 exe18001.py
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=list("Socorram-me, subi no ônibus em Marrocos!")
9 insertionSort(A)
10 print("".join(A))
```

```
$ python3 exe18001.py
    !,-MSaabbccееiimmnnooooorrrrsssuoô
$
```

Exemplo 2

Ordenação com predicado

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=[("casa",1),("carro",2),("mesa",5),("cadeira",4)]
9
10 insertionSort(A)
11 print(A)
12
```




```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j] > lista[i]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=[("casa",1),("carro",2),("mesa",5),("cadeira",4)]
9
10 insertionSort(A)
11 print(A)
12
```

```
$ python3 exe18002.py
[('cadeira', 4), ('carro', 2), ('casa', 1), ('mesa', 5)]
$
```

```
1 def insertionSort(lista):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and (lista[j][1] > lista[i][1]):
5             j = j - 1
6             lista.insert(j+1, lista.pop(i))
7
8 A=[("casa",1),("carro",2),("mesa",5),("cadeira",4)]
9
10 insertionSort(A)
11 print(A)
12
```

```
$ python3 exe18002.py
[('casa', 1), ('carro', 2), ('cadeira', 4), ('mesa', 5)]
$
```

```
1 def insertionSort(lista,func):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and func(lista[j],lista[i]):
5             j = j - 1
6         lista.insert(j+1,lista.pop(i))
7
8 A=[("casa",1),("carro",2),("mesa",5),("cadeira",4)]
9 def compara(A,B):
10     return A[1] > B[1]
11
12 insertionSort(A,compara)
13 print(A)
```

```
$ python3 exe18002.py
[('casa', 1), ('carro', 2), ('cadeira', 4), ('mesa', 5)]
$
```

```
1 def insertionSort(lista,func):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and func(lista[j],lista[i]):
5             j = j - 1
6         lista.insert(j+1,lista.pop(i))
7
8 A=[("casa",1,3),("carro",2,2),("mesa",5,3),("cadeira",4,10)]
9 def compara(A,B):
10     return A[1] > B[1]
11
12 insertionSort(A,compara)
13 print(A)
```

```
$ clear
$ python3 exe18002.py
[('casa', 1, 3), ('carro', 2, 2), ('cadeira', 4, 10), ('mesa', 5, 3)]
$
```

```
1 def insertionSort(lista,func):
2     for i in range(1, len(lista)):
3         j = i - 1
4         while (j >= 0) and func(lista[j],lista[i]):
5             j = j - 1
6         lista.insert(j+1,lista.pop(i))
7
8 A=[("C",1,3),("CA",2,2),("ME",5,3),("CA",4,10),("A",1.5)]
9 def compara(A,B):
10     return A[1] > B[1]
11
12 insertionSort(A,compara)
13 print(A)
```

```
$ python3 exe18002.py
[('C', 1, 3), ('A', 1.5), ('CA', 2, 2), ('CA', 4, 10), ('ME', 5, 3)]
$
```

```
,  
8 A=[("C",1,3),("CA",2,2),("ME",5,3),("CA",4,10),("A",1.5)]  
9  
10 def fun01(x):  
11     return x[1]  
12  
13  
14 A.sort(key=fun01)  
15 print(A)  
16
```

```
$ python3 exe18002.py  
[('C', 1, 3), ('A', 1.5), ('CA', 2, 2), ('CA', 4, 10), ('ME', 5, 3)]  
$
```

```
,  
8 A=[("C",1,3),("CA",2,2),("ME",5,3),("CA",4,10),("A",1.5)]  
9  
10  
11  
12  
13  
14 A.sort(key=lambda x:x[1])  
15 print(A)  
16
```

```
$ python3 exe18002.py  
[('C', 1, 3), ('A', 1.5), ('CA', 2, 2), ('CA', 4, 10), ('ME', 5, 3)]  
$
```

Exemplo 3

Altere o Bubble Sort para que o algoritmo pare assim que for possível perceber que a lista está ordenada. Qual o custo deste novo algoritmo em termos do número de comparações entre elementos da lista (tanto no melhor, quanto no pior caso)?

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
7
8 A = [1, -10, 13, 7, 67]
9
10 bubbleSort(A)
11 print(A)
```

```
$ python3 exe18003.py
[-10, 1, 7, 13, 67]
$
```

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         flag = 0
5         for j in range(i):
6             if lista[j] > lista[j + 1]:
7                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
8                 flag = 1
9             if flag == 0:
10                break
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 bubbleSort(A)
13 print(A)
```

```
$ python3 exe18003.py
[-10, 1, 7, 13, 67]
$
```

Exemplo 4

Escreva uma função k -ésimo que, dada uma lista de tamanho n e um inteiro k (tal que $1 \leq k \leq n$), determine o k -ésimo menor elemento da lista. Analise o custo da sua função em termos do número de comparações realizadas entre elementos da lista.

```
1 def bubbleSort(lista):
2     n = len(lista)
3     for i in range(n - 1, 0, -1):
4         for j in range(i):
5             if lista[j] > lista[j + 1]:
6                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
7
8 A = [1, -10, 13, 7, 67]
9
10 bubbleSort(A)
11 print(A)
```

```
$ python3 exe18003.py
[-10, 1, 7, 13, 67]
$
```

```
1 def bubbleSortK(A,k):
2     lista = A.copy()
3     nums = list(range(len(A)))
4     n = len(lista)
5     for i in range(n - 1, 0, -1):
6         for j in range(i):
7             if lista[j] > lista[j + 1]:
8                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
9                 (nums[j], nums[j + 1]) = (nums[j + 1], nums[j])
10    return nums[k]
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 print( A[bubbleSortK(A,4)])
13
```

```
$
```

```
1 def bubbleSortK(A,k):
2     lista = A.copy()
3     nums = list(range(len(A)))
4     n = len(lista)
5     for i in range(n - 1, 0, -1):
6         for j in range(i):
7             if lista[j] > lista[j + 1]:
8                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
9                 (nums[j], nums[j + 1]) = (nums[j + 1], nums[j])
10    return nums[k]
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 print( A[bubbleSortK(A,4)] )
13
```

```
$ python3 exe18004.py
67
$
```



```
1 def bubbleSortK(A,k):
2     lista = A.copy()
3     nums = list(range(len(A)))
4     n = len(lista)
5     for i in range(n - 1, 0, -1):
6         for j in range(i):
7             if lista[j] > lista[j + 1]:
8                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
9                 (nums[j], nums[j + 1]) = (nums[j + 1], nums[j])
10    return nums[k]
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 print( A[bubbleSortK(A,3)])
13
```

```
$ python3 exe18004.py
13
$
```

```
1 def bubbleSortK(A,k):
2     lista = A.copy()
3     nums = list(range(len(A)))
4     n = len(lista)
5     for i in range(n - 1, 0, -1):
6         for j in range(i):
7             if lista[j] > lista[j + 1]:
8                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
9                 (nums[j], nums[j + 1]) = (nums[j + 1], nums[j])
10    return nums[k]
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 print( A[bubbleSortK(A,0)])
13
```

```
$ python3 exe18004.py
-10
$
```

```
1 def bubbleSortK(A,k):
2     lista = A.copy()
3     nums = list(range(len(A)))
4     n = len(lista)
5     for i in range(n - 1, k, -1):
6         for j in range(i):
7             if lista[j] > lista[j + 1]:
8                 (lista[j], lista[j + 1]) = (lista[j + 1], lista[j])
9                 (nums[j], nums[j + 1]) = (nums[j + 1], nums[j])
10    return nums[k]
11 A = [1, -10, 13, 7, 67]
12 print( A[bubbleSortK(A,3)] )
13
```

temos o k-ésimo

```
$ python3 exe18004.py
13
$
```

Exemplo 5

<https://ic.unicamp.br/~mc102/aulas/aula11.pdf>

1. Refaça as funções de busca sequencial e busca binária assumindo que a lista possui chaves que podem ocorrer múltiplas vezes na lista. Neste caso, você deve retornar uma lista com todas as posições onde a chave foi encontrada. Se a chave não for encontrada na lista, retornar uma lista vazia.

```
1 def buscaBinária(lista, chave):
2     pos_ini = 0
3     pos_fim = len(lista) - 1
4     while pos_ini <= pos_fim:
5         pos_meio = (pos_ini + pos_fim) // 2
6         if lista[pos_meio] == chave:
7             return pos_meio
8         if lista[pos_meio] > chave:
9             pos_fim = pos_meio - 1
10        else:
11            pos_ini = pos_meio + 1
12    return -1
13 print(buscaBinária([2,4,4,4,4,31],4))
```

```
$ python3 exe18005.py
2
$ █
```

<https://shell.cloud.google.com/>

```

2   pos_ini = 0
3   pos_fim = len(lista) - 1
4   while pos_ini <= pos_fim:
5       pos_meio = (pos_ini + pos_fim) // 2
6       if lista[pos_meio] == chave:
7           while lista[pos_meio-1] == chave:
8               pos_meio -= 1
9           L=[]
0           while lista[pos_meio] == chave:
1               L.append(lista[pos_meio])
2               pos_meio += 1
3           return L
4       if lista[pos_meio] > chave:
5           pos_fim = pos_meio - 1
6       else:
7           pos_ini = pos_meio + 1
8       return -1
9   print(buscaBinária([2,4,4,4,4,31],4))

```

```

$ python3 exe18005.py
[4, 4, 4, 4]
$

```

<https://shell.cloud.google.com/>

```
2     pos_ini = 0
3     pos_fim = len(lista) - 1
4     while pos_ini <= pos_fim:
5         pos_meio = (pos_ini + pos_fim) // 2
6         if lista[pos_meio] == chave:
7             while lista[pos_meio-1] == chave:
8                 pos_meio -= 1
9                 L=[]
0             while lista[pos_meio] == chave:
1                 L.append(pos_meio)
2                 pos_meio += 1
3             return L
4         if lista[pos_meio] > chave:
5             pos_fim = pos_meio - 1
6         else:
7             pos_ini = pos_meio + 1
8     return -1
9     print(buscaBinária([2,4,4,4,4,31],4))
```

```
$ python3 exe18005.py
[1, 2, 3, 4]
$
```

<https://shell.cloud.google.com/>

Perguntas

Referências

- Zanoni Dias, MC102, Algoritmos e Programação de Computadores, IC/UNICAMP, 2021. <https://ic.unicamp.br/~mc102/>
 - Aula Introdutória [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Primeira Aula de Laboratório [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Python Básico: Tipos, Variáveis, Operadores, Entrada e Saída [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Comandos Condicionais [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Comandos de Repetição [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Listas e Tuplas [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Strings [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Dicionários [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Funções [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Objetos Multidimensionais [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Algoritmos de Ordenação [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Algoritmos de Busca [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Recursão [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Algoritmos de Ordenação Recursivos [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Arquivos [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Expressões Regulares [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Execução de Testes no Google Cloud Shell [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Numpy [[slides](#)] [[vídeo](#)]
 - Pandas [[slides](#)] [[vídeo](#)]
- Panda - Cursos de Computação em Python (IME -USP) <https://panda.ime.usp.br/>
 - Como Pensar Como um Cientista da Computação <https://panda.ime.usp.br/pensepy/static/pensepy/>
 - Aulas de Introdução à Computação em Python <https://panda.ime.usp.br/aulasPython/static/aulasPython/>
- Fabio Kon, Introdução à Ciência da Computação com Python <http://bit.ly/FabioKon/>
- Socratica, Python Programming Tutorials <http://bit.ly/SocraticaPython/>
- Google - online editor for cloud-native applications (Python programming) <https://shell.cloud.google.com/>
- w3schools - Python Tutorial <https://www.w3schools.com/python/>
- Outros, citados nos Slides.